

MESOPOTAMIA

La nascita della scrittura
dei numeri

Fonti per la matematica mesopotamica

tavolette di argilla in caratteri cuneiformi, tre periodi:

- **3000-2100 a.C.**
- **Epoca paleobabilonese 1800-1595 a. C.**
- **Epoca Seleucide (304-141 a. C.)**

Tavole di calcolo

Tavole di moltiplicazione, tavole di inversi, elenchi di misure con passaggi da un'unità di ordine inferiore a una di ordine superiore e viceversa, tavole di potenze, tavole di radici quadrate, ecc.

Elenchi di problemi

con o senza soluzione, ricette di calcolo, niente simbolismo, nessuna dimostrazione

Livia Giacardi, Univ. Torino

Fonti per la matematica mesopotamica

tavolette di argilla in caratteri cuneiformi, periodi:

- **Epoca Sumera e Accadica 3000-2100 a.C.**
 - Periodo di Uruk (3500 a.C.-3100 a.C.)**
 - Periodo di Akkad (2350-2200 a.C.)**
 - Periodo di Ur III (2120-2000 a.C.)**
- **Epoca paleobabilonese 1800-1595 a. C.**
- **Epoca Seleucide (304-141 a. C.)**

Tavole di calcolo

Tavole di moltiplicazione, tavole di inversi, elenchi di misure con passaggi da un'unità di ordine inferiore a una di ordine superiore e viceversa, tavole di potenze, tavole di radici quadrate, ecc.

Elenchi di problemi

con o senza soluzione, ricette di calcolo, niente simbolismo, nessuna dimostrazione

Livia Giacardi, Univ. Torino

Fonti per la matematica mesopotamica

tavolette di argilla in caratteri cuneiformi, periodi:

- **Epoca Sumera e Accadica 3000-2100 a.C.**
 - Periodo di Uruk (3500 a.C.-3100 a.C.)**
 - Periodo Protodinastico (dinastia di Lagash...)(ca. 2600-2350 BC)**
 - Periodo di Akkad o accadico antico (2350-2200 a.C.)**
 - Periodo di Ur III (2120-2000 a.C.)**
 - Periodo Assiro antico (ca. 2000-1900 BC)**
- **Epoca Babilonese (2000-540 a.C.)**
 - Periodo paleobabilonese (2000-1595 a. C.)**
 - Periodo mediobabilonese (1500-1000 a. C.)**
 - Periodo Neo-Assiro (ca. 1000-600 a.C.)**
 - Periodo neobabilonese (1000-540 a.C.)**
- **Epoca Seleucide (304-141 a. C.)**

Paleolitico

2 milioni di anni fa – 8.000 a.C. Circa
presenza di sassi lavorati



Neolitico

8.000 a.C. Circa

- nascita dell'agricoltura ("rivoluzione neolitica"), lavorazione argilla, formazione di insediamenti più grandi e complessi (Çatal Hüyük, Gerico..). Mezzaluna Fertile, poi Mediterraneo, Valle dell'Indo, Cina, Sudest asiatico.

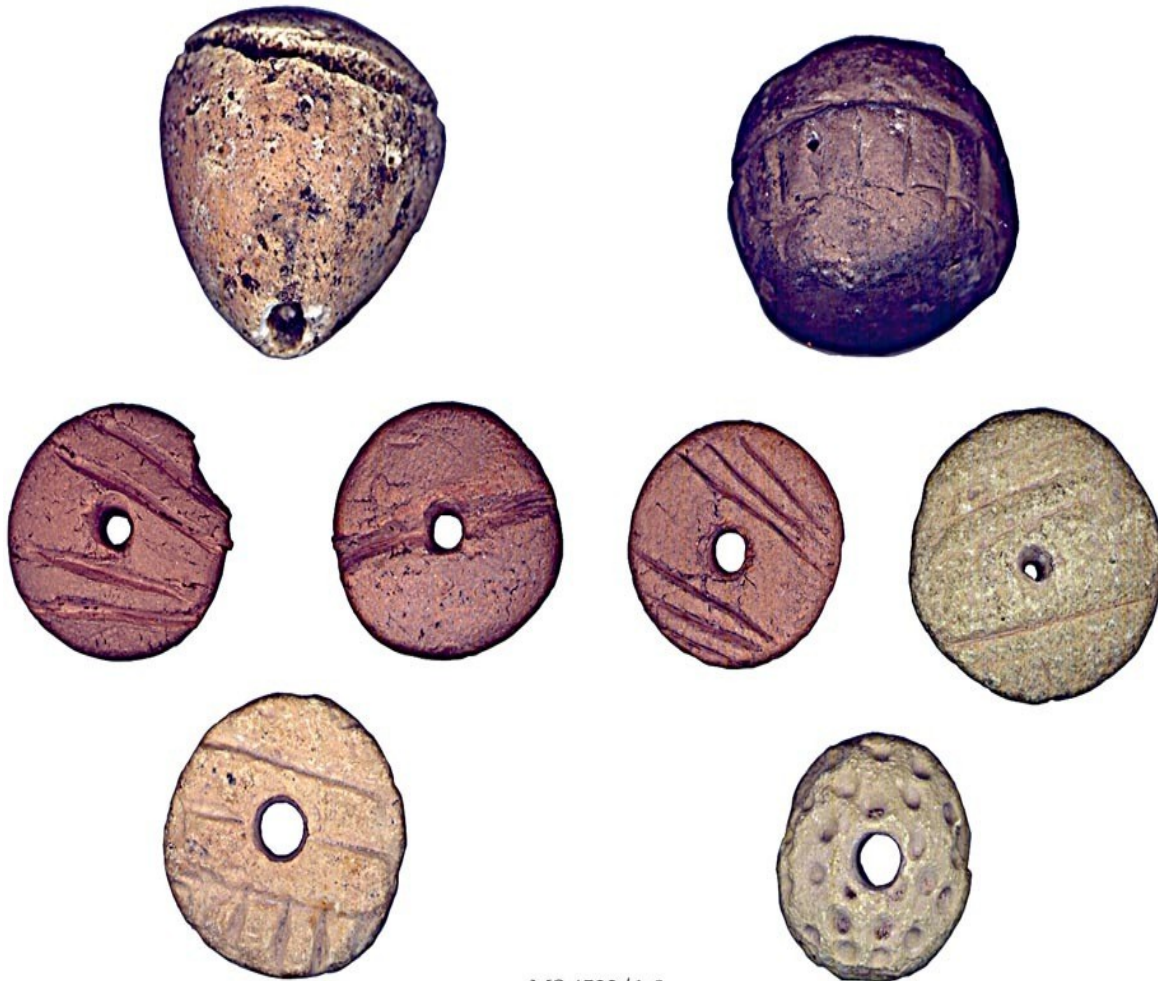
1. "Gettoni" (*calculi*) neolitici

in varie forme per conteggi concreti di varie merci o prodotti.

Fino al 5000 a.C. Senza discontinuità

2. Alla fine del V millennio gettoni più complessi





MS 4522/1-8

Complex counting tokens. Near East, ca. 4000-3200 BC

Nella foto:

2. GETTONI COMPLESSI

Tra il V e il IV millennio graduale introduzione di ulteriori tipi di gettoni (detti "complessi"), occasionalmente perforati per poter essere legati insieme.

3. GETTONI COMPLESSI

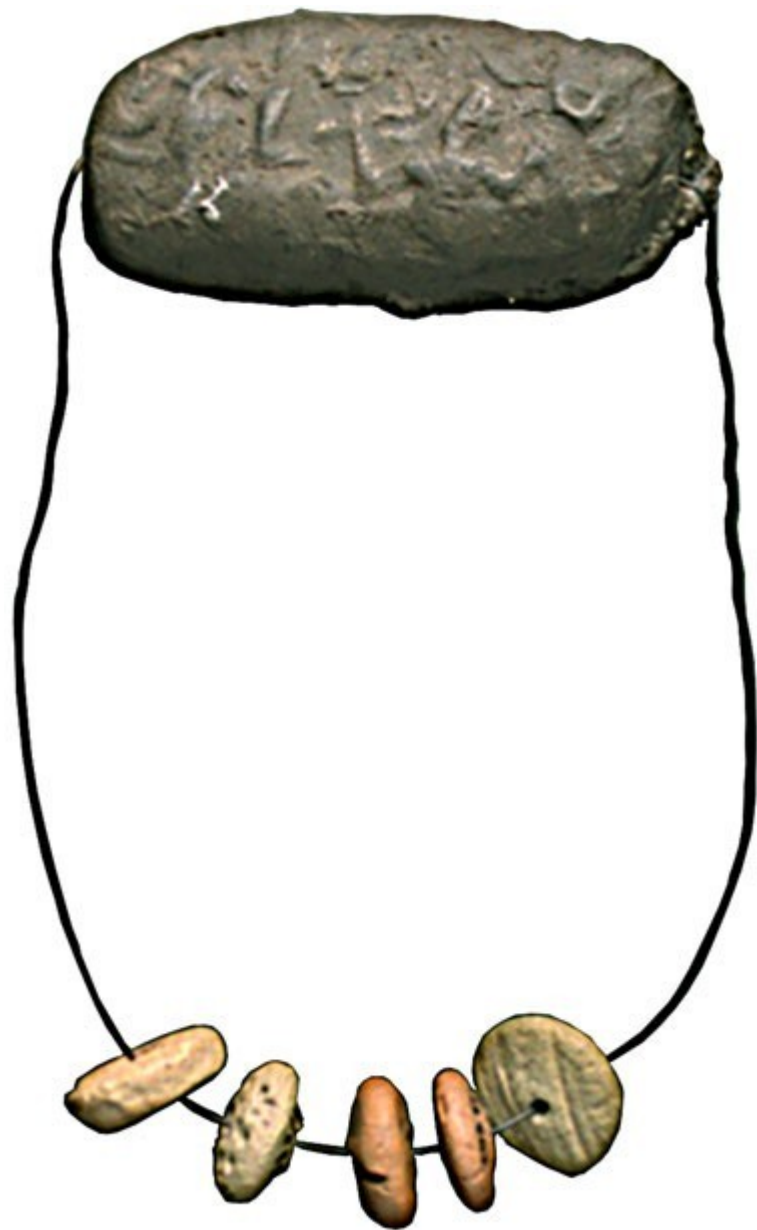
Metà del IV millennio (in contemporanea alla formazione delle prime città e stati): proliferazione del repertorio dei gettoni complessi in un numero limitato di città (Susa, Uruk Habuba Kabira)

COMPLEX COUNTING TOKEN REPRESENTING 1 JAR OF OIL AND VARIOUS TEXTILES

Counting token in stone, Ur?, Syria/Sumer/Highland Iran, ca. 4000-3200 BC, 1 ovoid token, diam. 2,0x2,3 cm, circular line at the top and piercing at the bottom.

The complex tokens were a natural development from the plain tokens with new forms, added lines, dots and various designs to cover the more advanced accounting needs.

They were first kept in baskets, leather pouches, bowls, etc., and then ...



“BULLA” CON LACCIO DI CUOIO

Nella foto

BULLA FOR HOLDING A STRING OF COMPLEX COUNTING TOKENS CONCERNING A TRANSACTION

Bulla in clay, Syria/Sumer/Highland Iran, ca. 3500-3200 BC, 1 oblong bulla, diam. 2,5x6,5 cm, rollsealed with a line of animals walking left or 2 men standing with arms raised, pierced for holding a string of counting tokens.

The bulla originally locked the ends of a string with a number of complex counting tokens attached to it, representing one transaction. The string with the tokens was hanging outside the bulla like a necklace. If the string had, say, 5 disk type tokens representing types of textiles, this number could not be tampered with without breaking the seal.

MS 4523

Bulla for holding a string of complex counting tokens.
Syria?, ca. 3500-3200 BC

4. INVENZIONE DELLE "BULLAE"

"BULLAE" come involucri contenenti gettoni semplici spesso con sigillo cilindrico a volte con segni sull'esterno



BULLA-ENVELOPE WITH 1 PLAIN TOKEN INSIDE, REPRESENTING AN ACCOUNT OR AGREEMENT OF TENTATIVELY 1 VERY LARGE MEASURE OF BARLEY

Bulla in clay, Syria/Sumer/Highland Iran, ca. 3700-3200 BC, 1 spherical bulla-envelope (complete), diam. 6,0-6,8 cm, cylinder seal impression of several men facing tall ringstaff;

token inside: 1 large sphere diam. 2 cm

25 more bulla-envelopes are known from Sumer, all excavated in Uruk. Total number of bulla-envelopes worldwide is ca. 165 intact and 70 fragmentary.

MS 4638
Bulla-envelope with 1 plain token inside.
Near East, ca. 3700-3200 BC

4. INVENZIONE DELLE "BULLAE"

"BULLAE" come involucri contenenti gettoni semplici spesso con sigillo cilindrico a volte con segni sull'esterno



BULLA-ENVELOPE WITH 11 PLAIN AND COMPLEX TOKENS INSIDE, REPRESENTING AN ACCOUNT OR AGREEMENT, TENTATIVELY OF WAGES FOR 4 DAYS' WORK, 4 MEASURES OF METAL, 1 LARGE MEASURE OF BARLEY AND 2 SMALL MEASURES OF SOME OTHER COMMODITY

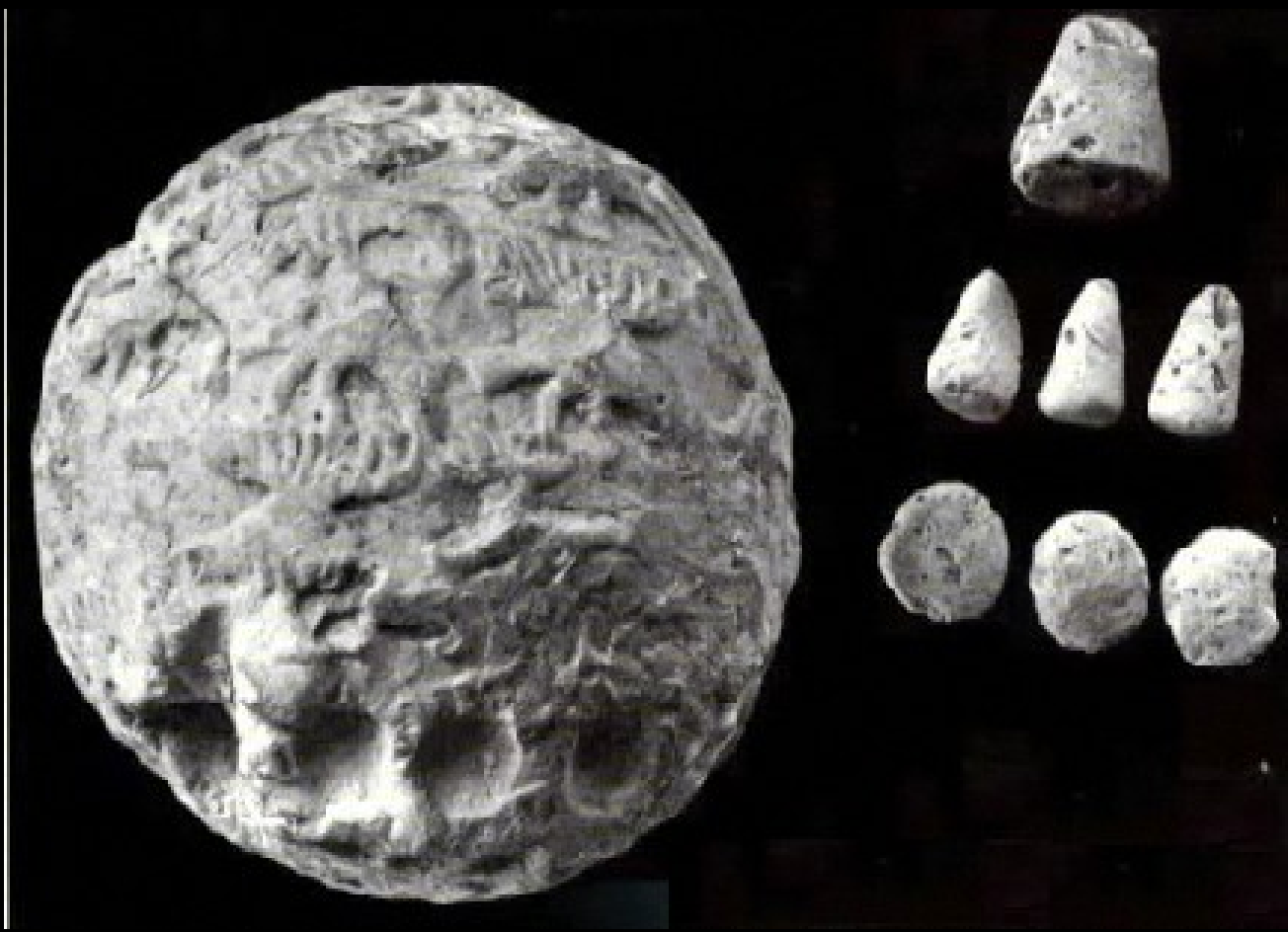
Bulla in clay, Syria/Sumer/Highland Iran, ca. 3700-3200 BC, 1 spherical bulla-enveloppe (complete), diam. ca. 6,5 cm, cylinder seal impressions of a row of men walking left; and of a predator attacking a deer, inside a complete set of plain and complex tokens: 4 tetrahedrons 0,9x1,0 cm (D.S.-B.5:1), 4 triangles with 2 incised lines 2,0x0,9 (D.S.-B.(.:14), 1 sphere diam. 1,7 cm (D.S.-B.2:2), 1 cylinder with 1 groove 2,0x0,3 cm (D.S.-B.4:13), 1 bent paraboloid 1,3xdiam. 0,5 cm (D.S.-B.8:14).



MS 4631

Bulla-enveloppe with 11 plain and complex tokens inside.
Near East, ca. 3700-3200 BC







Bulla rollsealed envelope with the tokens enclosed inside and marks on the outside representing the hidden contents.



5. DALLA “BULLA” ALLA TAVOLETTA

FROM BULLAS TO TABLETS

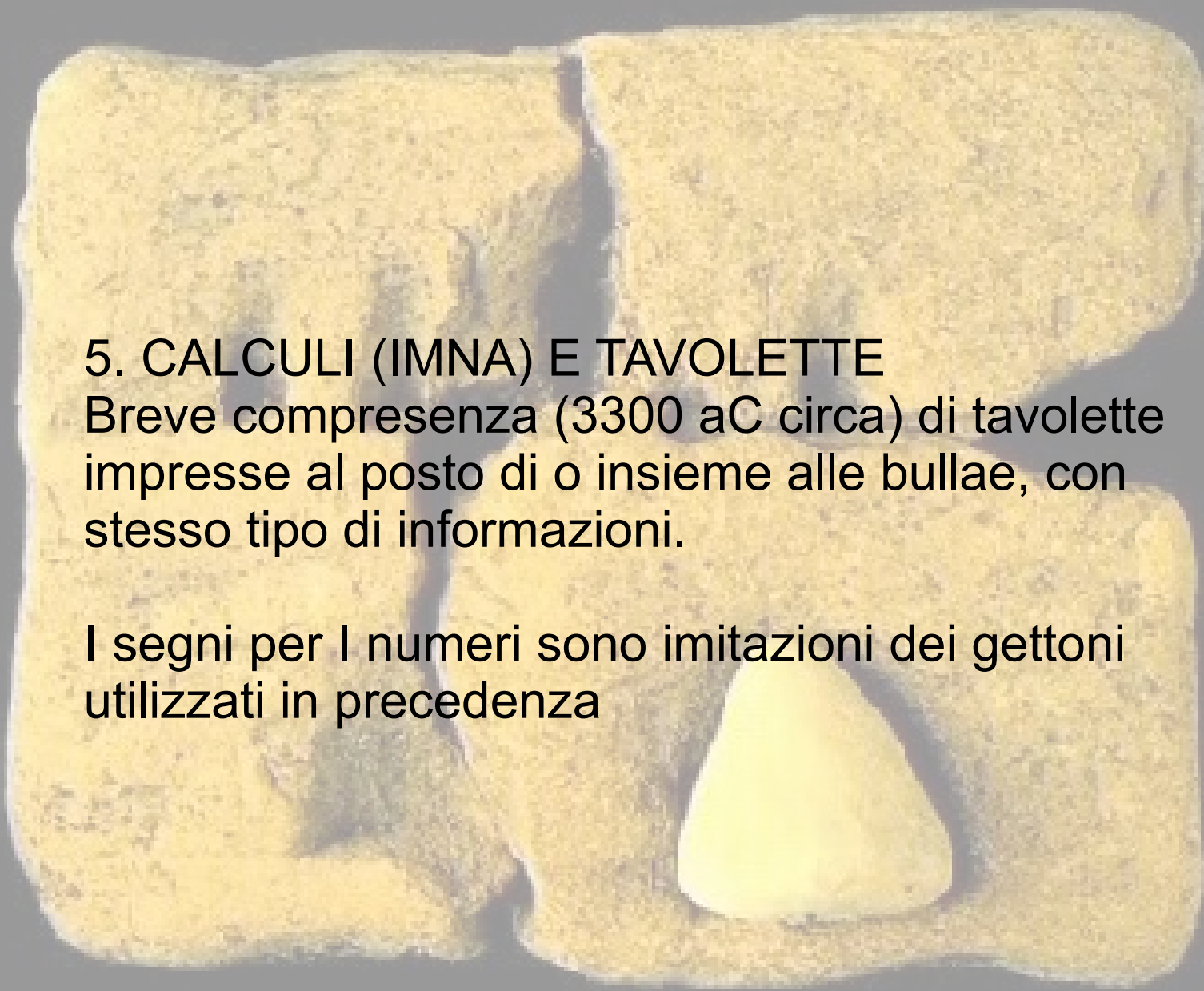
In the earliest tablets there are actual tokens impressed into the clay to form numbers and pictographs.

Many of the pictographs were illustrations of tokens. An account of 14 jars of oil would just be 14 tokens of the present type. On a pictographic tablet this representation would be substituted by the number 14 and the pictograph of a jar with lid looking similar to the token. This was the first break-through of the invention of writing.

5. CALCULI (IMNA) E TAVOLETTE

Breve compresenza (3300 aC circa) di tavolette impresse al posto di o insieme alle bullae, con stesso tipo di informazioni.

I segni per I numeri sono imitazioni dei gettoni utilizzati in precedenza





MS 4647

Numbers 3+4. Sumer, ca. 3500-3200 BC

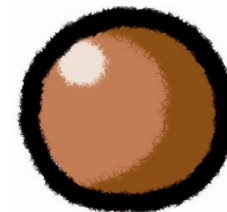
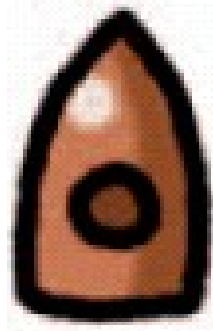
“Calcoli” sumeri

IMNA sumero

Metà del IV millennio dC

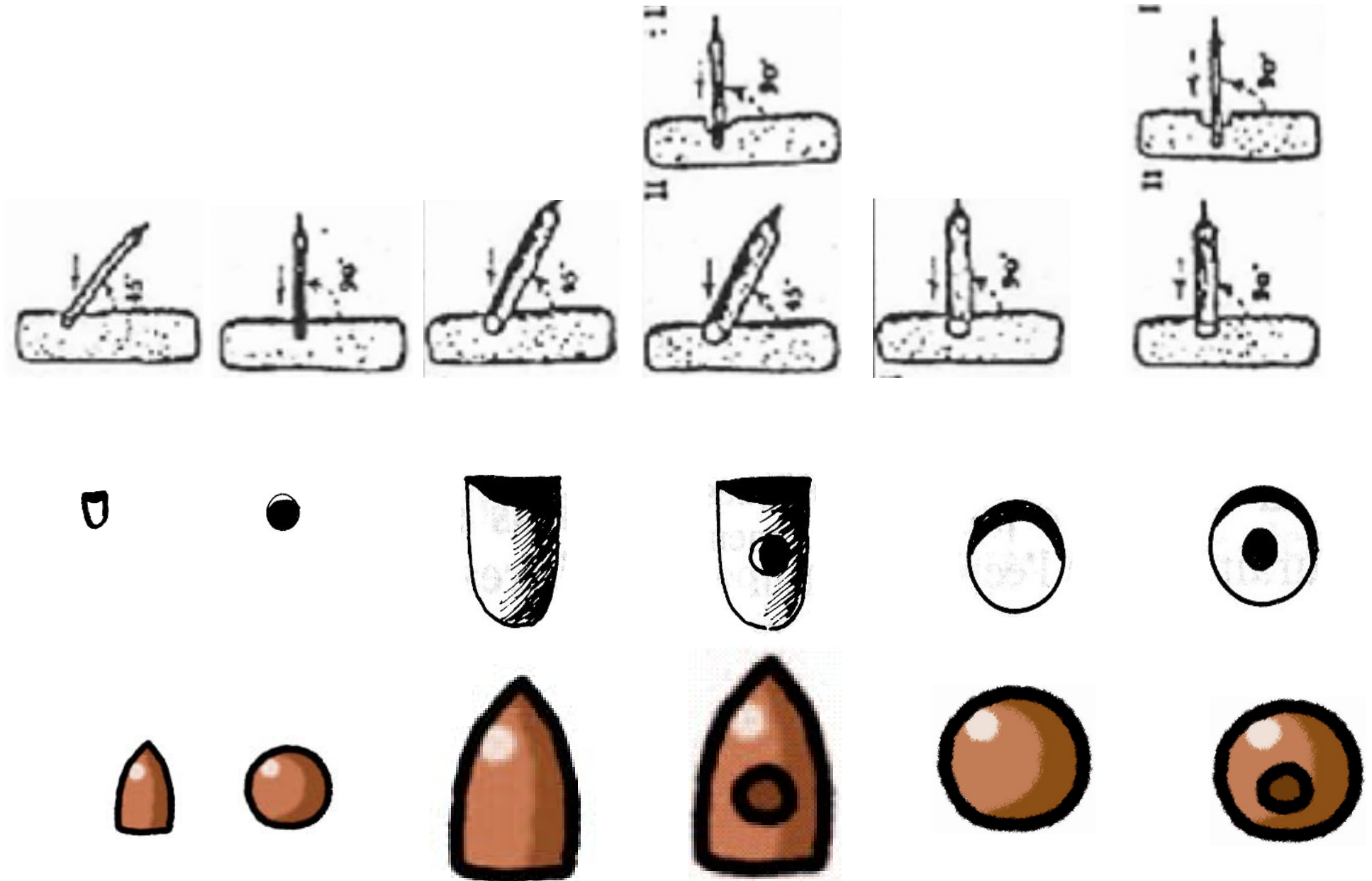
ABNU, ABNATI accadico (pietra, piccolo sasso)

1	10	60	600	3600	36000
1	10	60	60x10	60x60	60x60x10

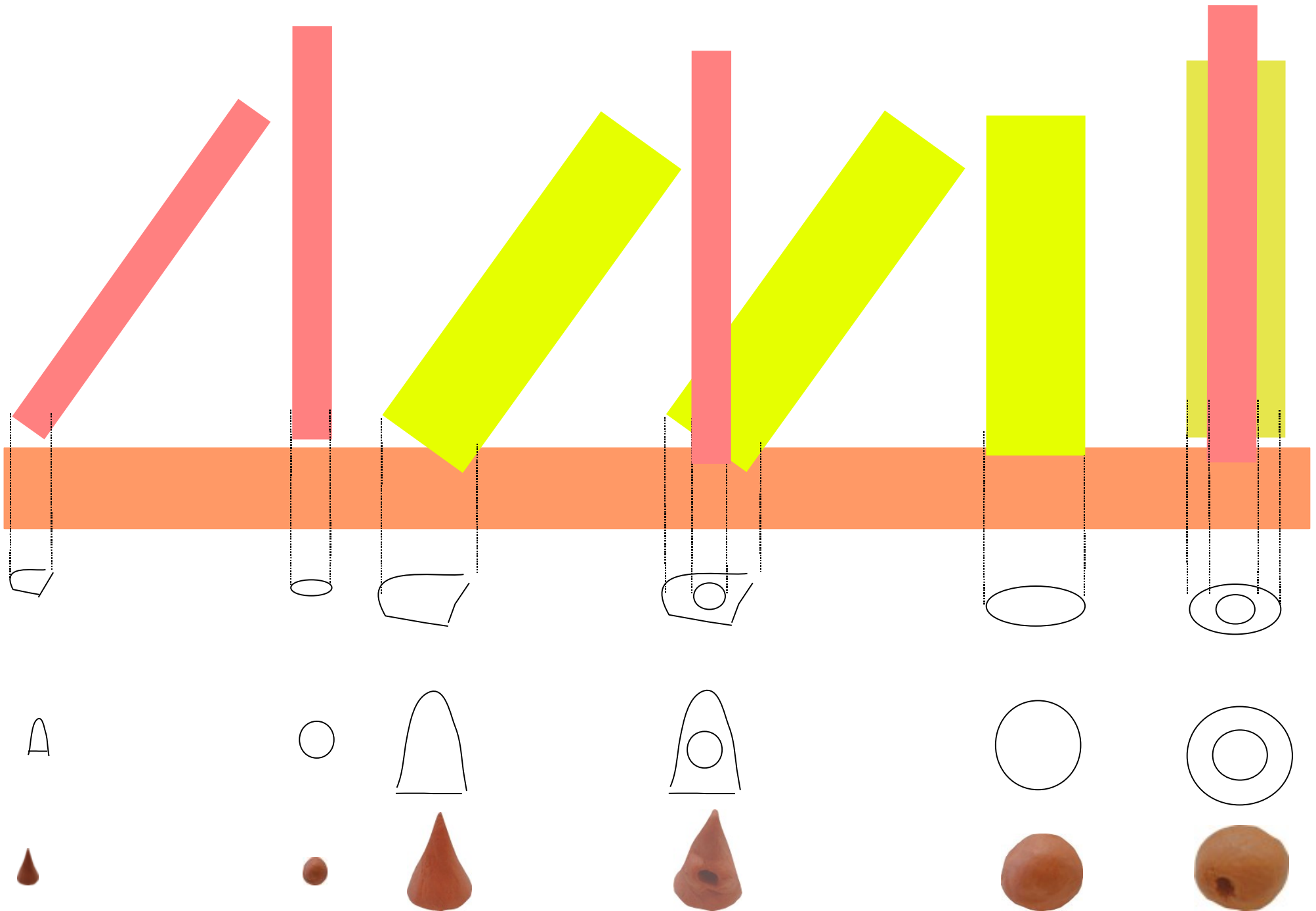


6. INVENZIONE DELLA SCRITTURA

Calcoli sumeri "scritti"



Uso dello stilo





6. INVENZIONE DELLA SCRITTURA

con creazione di molti segni pittografici, spesso astratti, molti dei quali riproduzioni bidimensionali dei gettoni complessi di cui prendono il posto





“Ricevuta” di oggetti non nominati da parte di cinque persone di cui si scrive il nome

Periodo sumero arcaico, Sumer, ca. 3200 aC tavoletta, 3,9x5,5x2,0 cm, 5+1 riquadri scrittura pittografica

Questa tavoletta è considerata uno dei più antichi esempi di scrittura continua

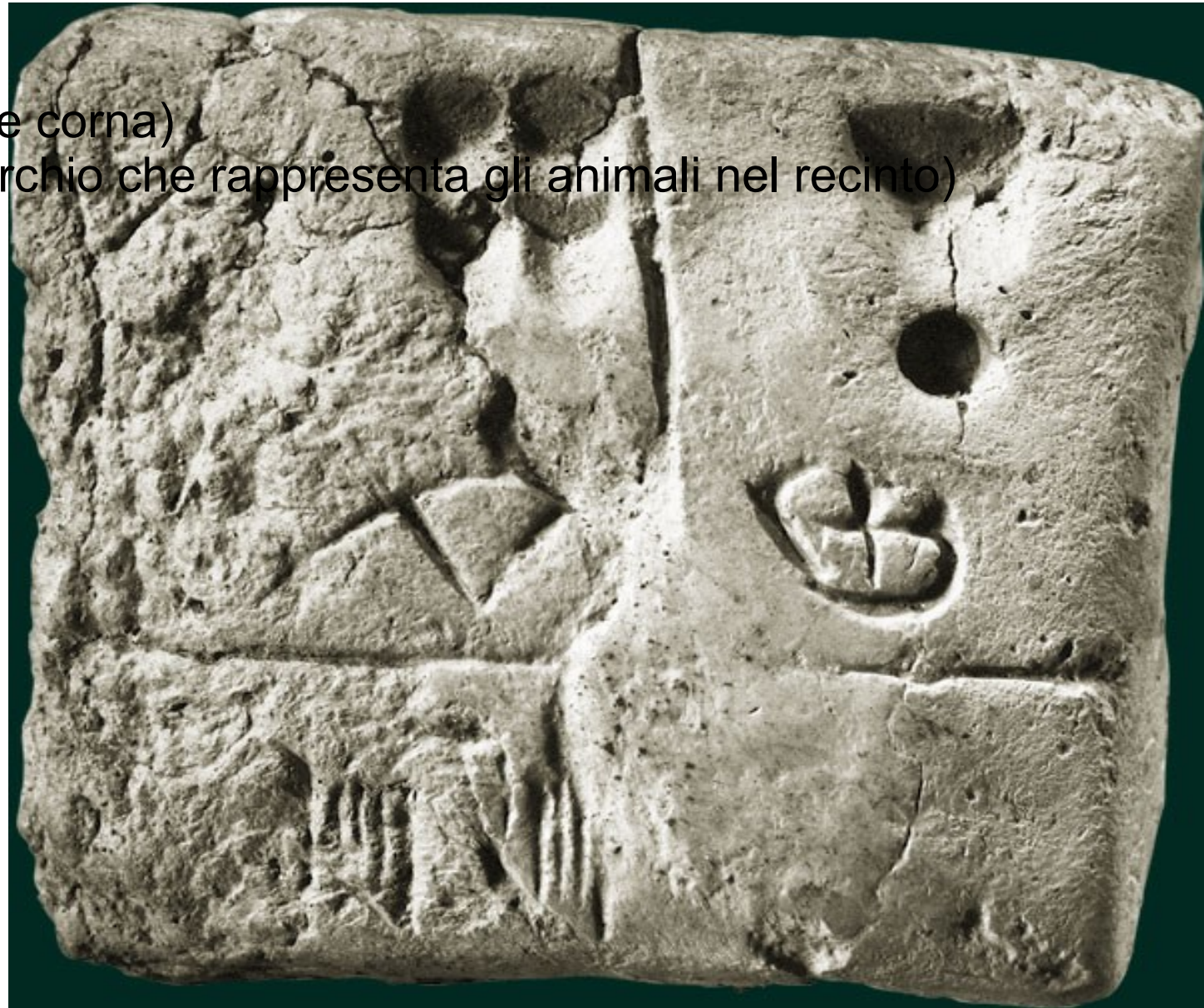


Tavoletta precuneiforme

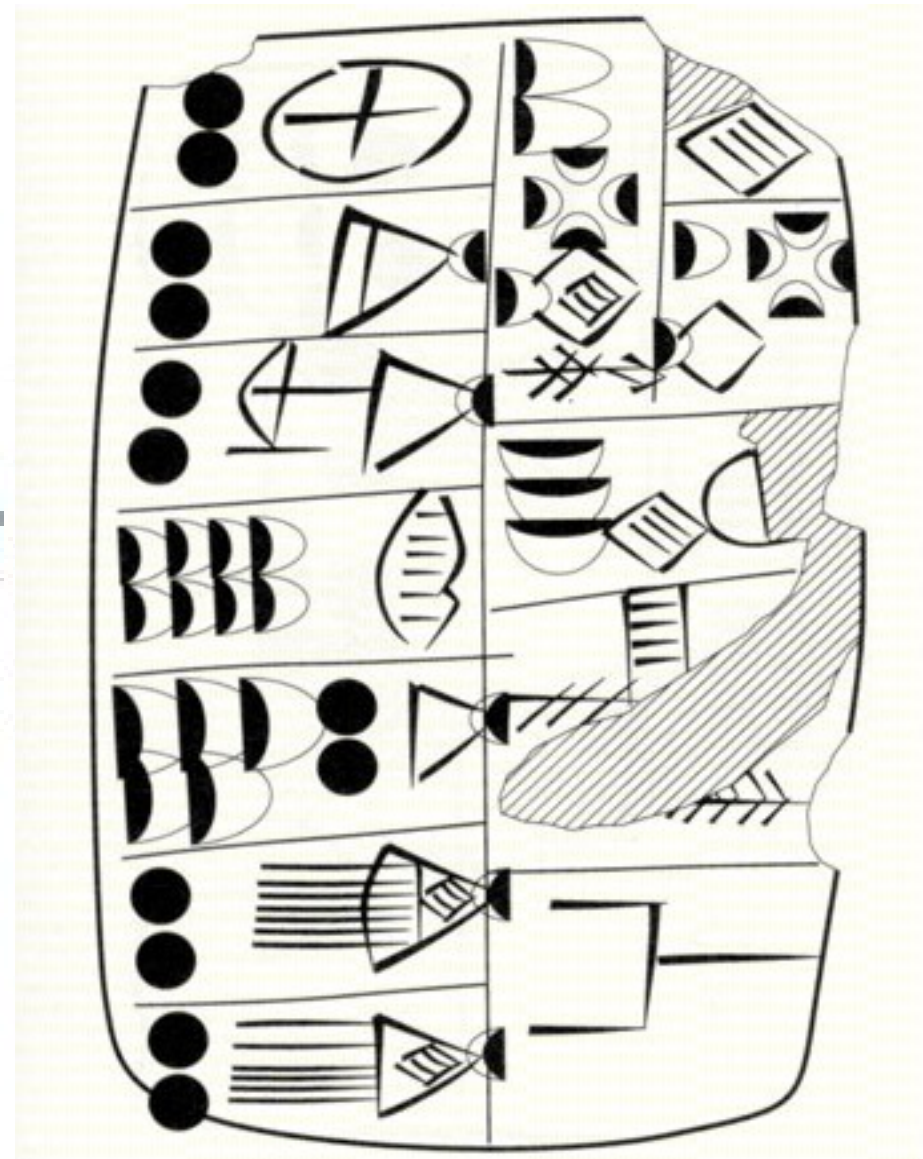
Basse Mésopotamie, 3200-3100 aC., Argilla 4,4 x 4 x 1,5 cm, Musée du Louvre, Antiquités orientales, AO 8854

Conteggio di
mucche (triangolo con le corna)
montoni (croce in un cerchio che rappresenta gli animali nel recinto)

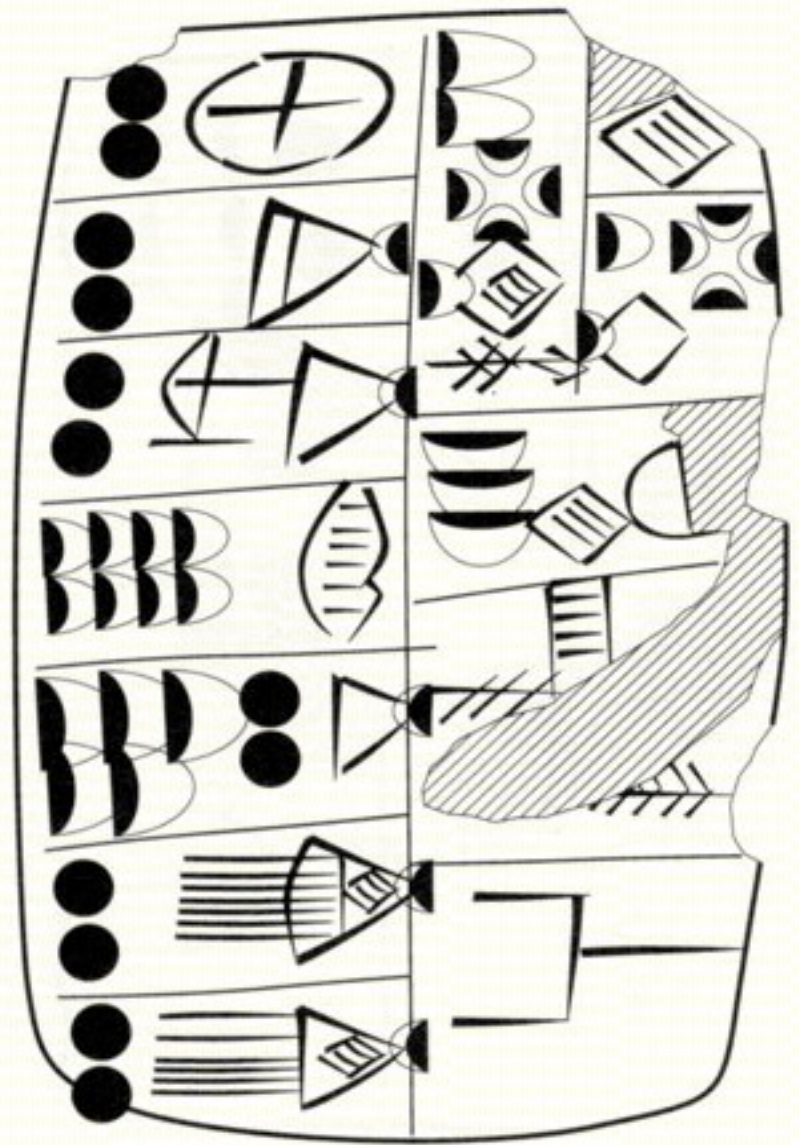
I doppi segni in basso:
mani che fanno riferimento al
proprietario o
al fatto che si ricevono queste merci
Sul retro un sigillo.













Colonna 1	1.	$2N_{14} UDU_g$	20 ovini
	2.	$2N_{14} \check{S}ITA_{g_1}$	20 recipienti- $\check{S}ITA_{g_1}$ (di prodotto derivato da cereali)
	3.	$2N_{14} BA 1N_{57} \check{S}ITA_{g_1}$	20 recipienti- $\check{S}ITA_{g_1}$ (di prodotto derivato da cereali), distribuiti in una volta
	4.	$8N_1 KU_{30}$	8 "pezzi" d'argento
	5.	$5N_{24} 2N_{14} \check{S}ITA_{g_1}$	320 recipienti- $\check{S}ITA_{g_1}$ (di prodotto derivato da cereali)
	6.	$2N_{14} \check{S}AxHI-g_b$	20 misure di prodotto $\check{S}AxHI-g_b$ (derivato da cereali)
	7.	$2N_{14} \check{S}AxHI-g_a$	20 misure di prodotto $\check{S}AxHI-g_a$ (derivato da cereali)



Valori numerici nell'antica scrittura sumera

*Attorno al
3200 aC*

1	10	60	600	3600	36000
1	10	60	60x10	60x60	60x60x10
					

7. SPARIZIONE DEI GETTONI

dalla maggioranza dei
siti

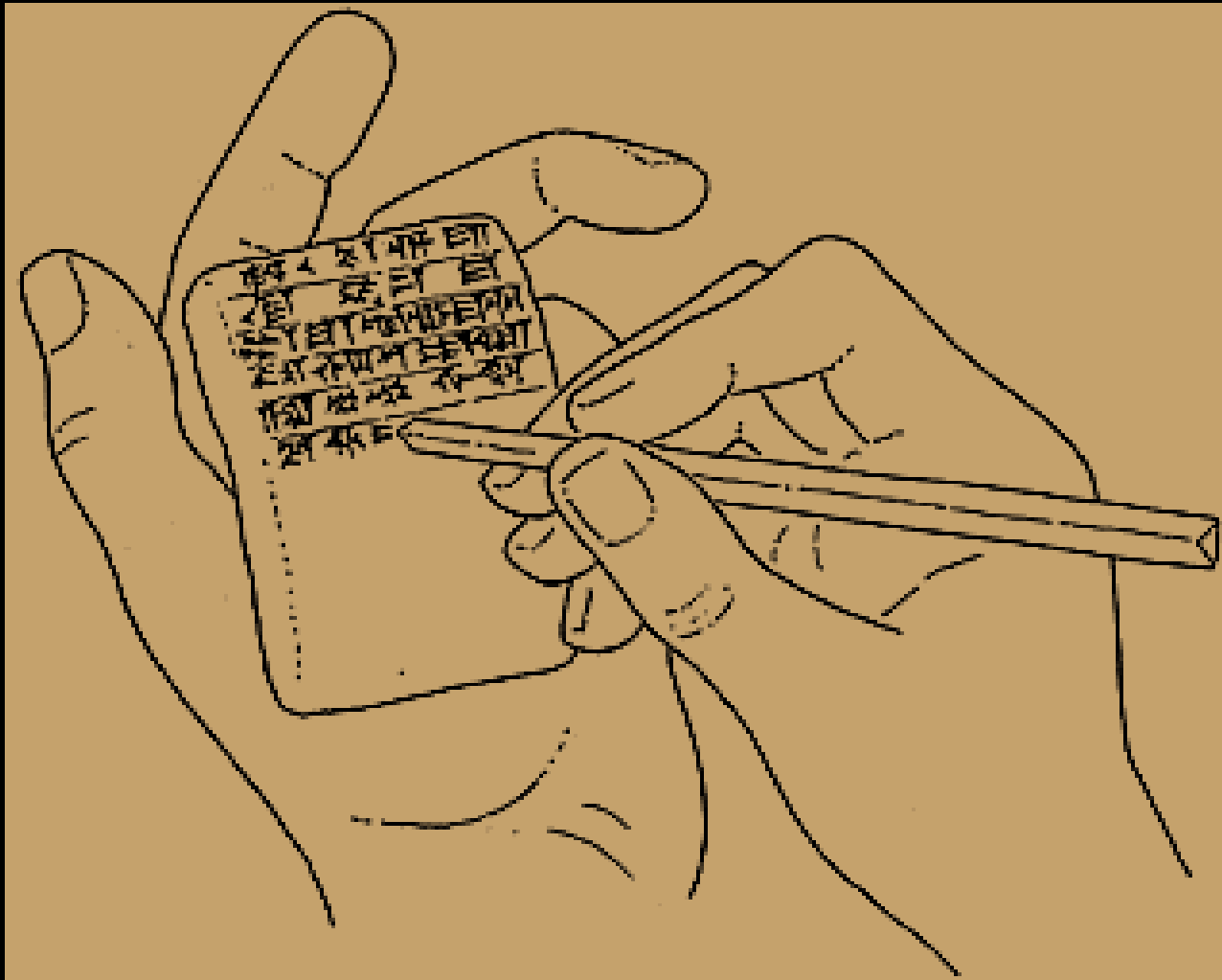
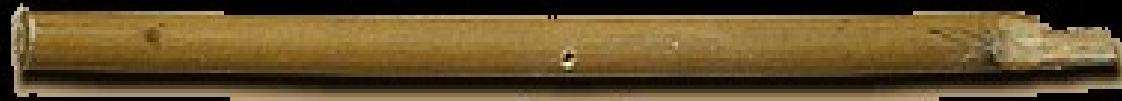














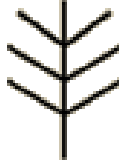










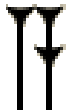








MS 3047

Multiplication table for length measures, with the products expressed as area
measures, Sumer, 27th c. BC

The oldest known mathematical text.

Scrittura cuneiforme



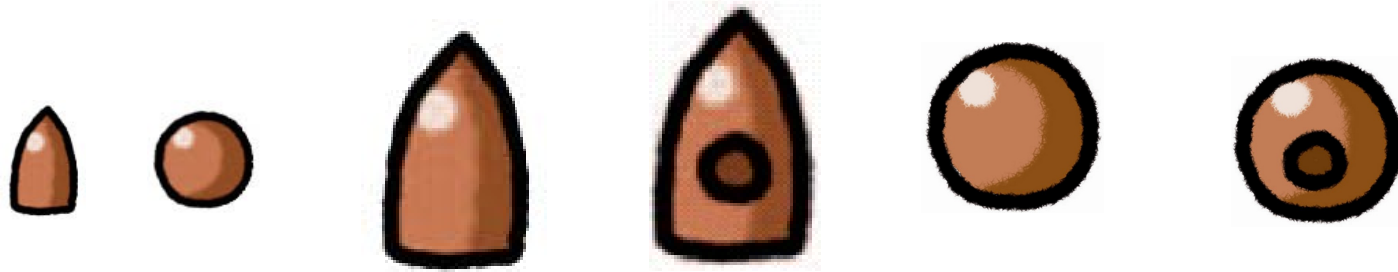
	3200 BCE	3000 BCE	2400 BCE	1000 BCE
sag 'head'				
gin 'to walk'				
šu 'hand'				
še 'barley'				
ninda 'bread'				
a 'water'				
ud 'day'				
mušen 'bird'				



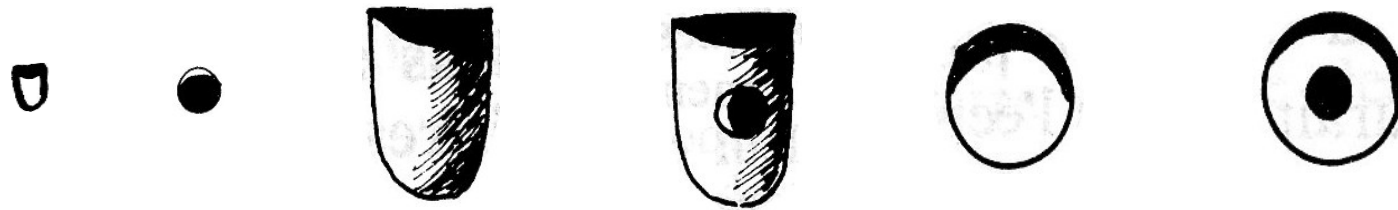




LA SCRITTURA DEI NUMERI



calculi sumeri







*curviforme
sumera*







*cuneiforme
sumera*





2650 aC

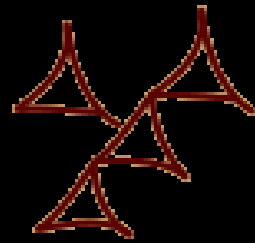
	c. 3100	c. 2800	c. 2400	c. 600
barley				

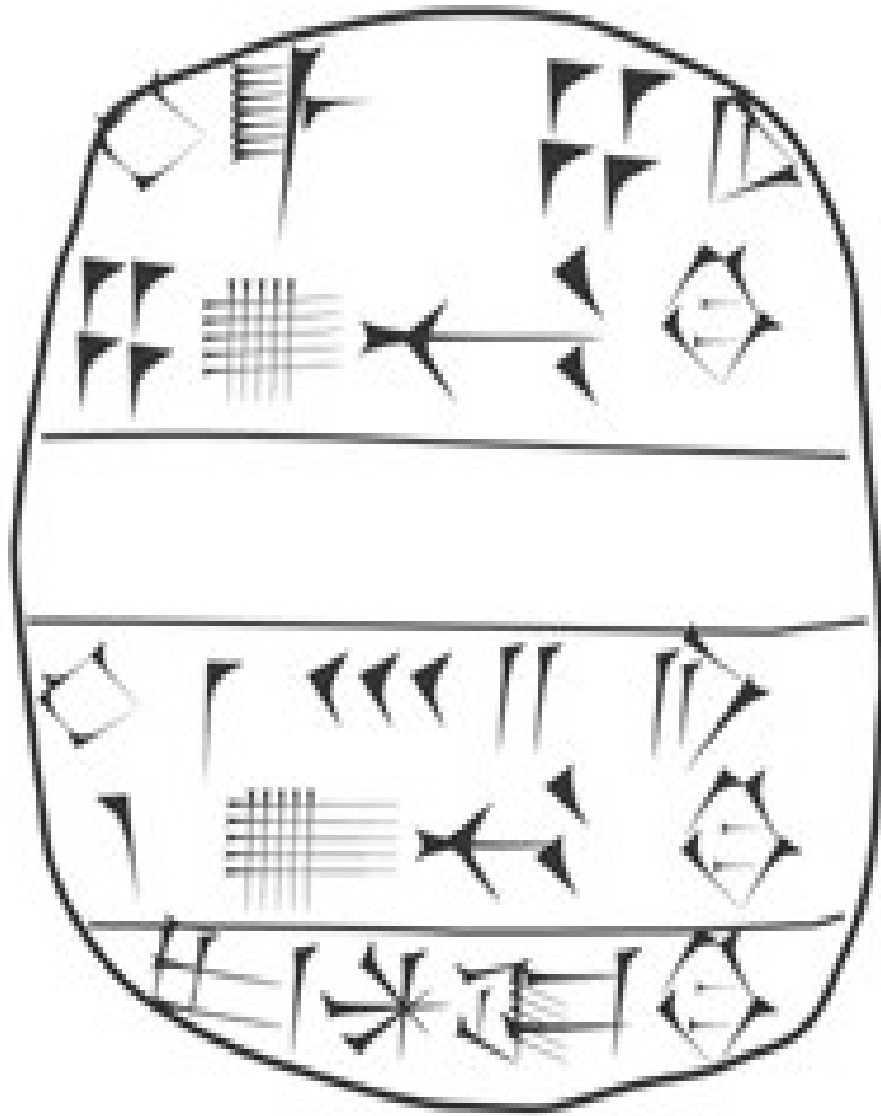


	c. 3100	c. 2800	c. 2400	c. 600
barley				



	c. 3100	c. 2800	c. 2400	c. 600
barley				





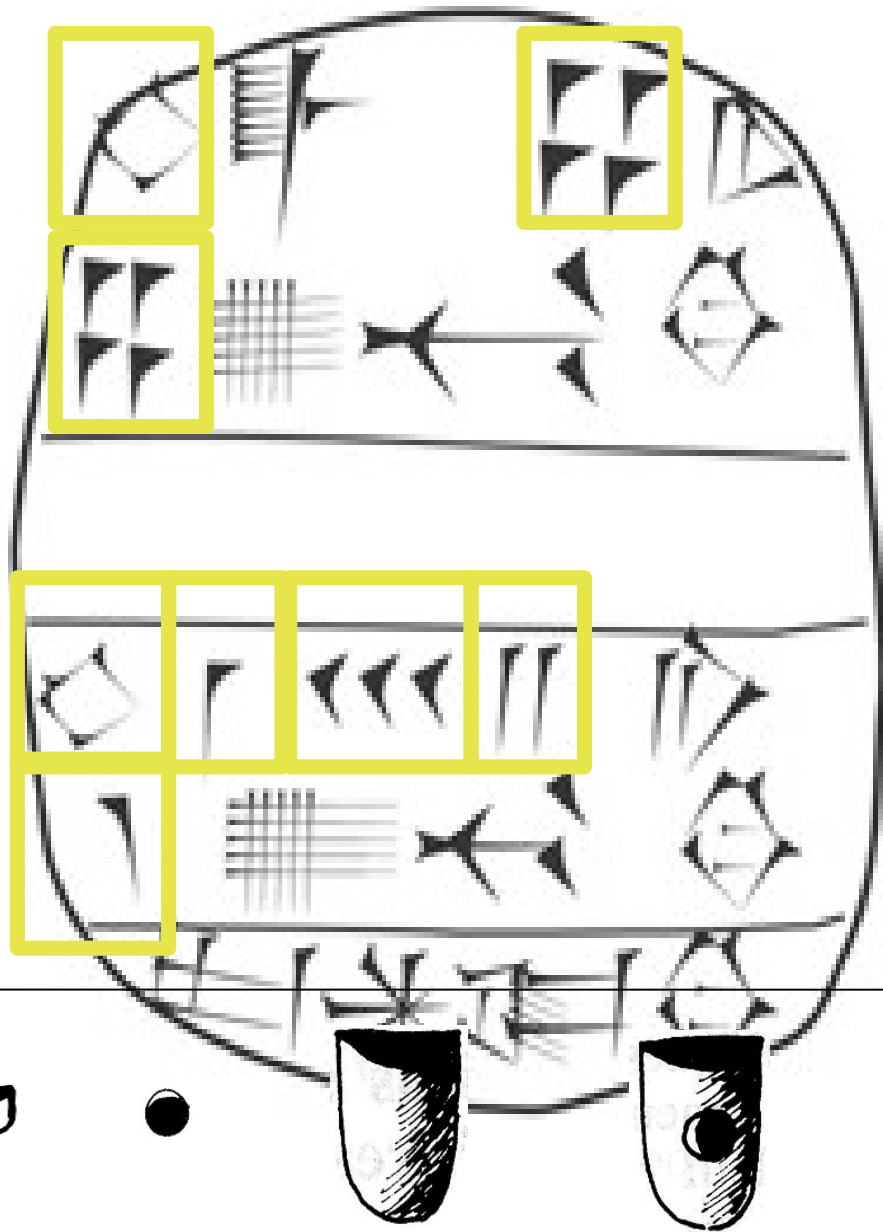
recto

1. 1(szargal){gal} 4(gesz2) ninda
4(disz) kusz3 numun sa2
2. riga bianca
3. 1(szar2) 1(gesz2) 3(u) 2(disz)ninda
1(disz)kusz3 numun sa2
4. ur-{d}isztaran

MAD 5, 112 recto

Ashmolean Museum, Oxford, UK

Old Akkadian (ca. 2340-2200 BC)



recto

1. 1(szargal){gal} 4(gesz2) ninda
4(disz) kusz3 numun sa2
2. riga bianca
3. 1(szar2) 1(gesz2) 3(u) 2(disz)ninda
1(disz)kusz3 numun sa2
4. ur-{d}isztaran

MAD 5, 112 recto

Ashmolean Museum, Oxford, UK

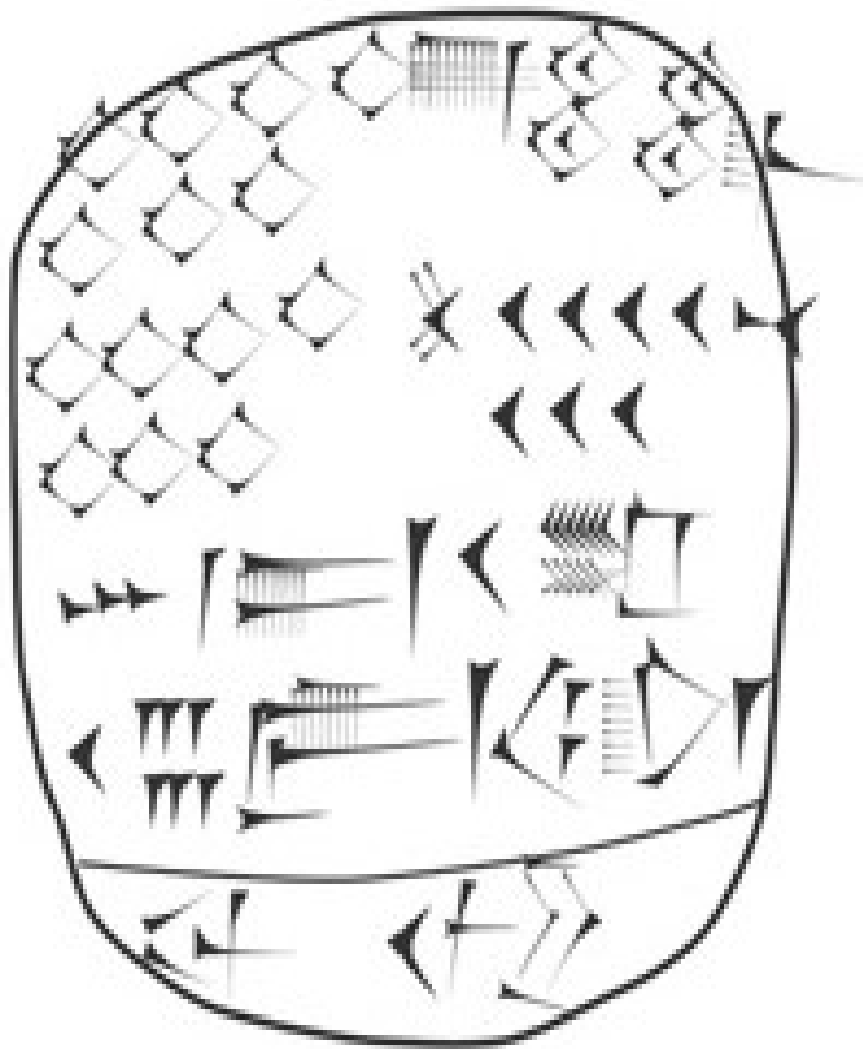
Old Akkadian (ca. 2340-2200 BC)



*curviforme
sumera*

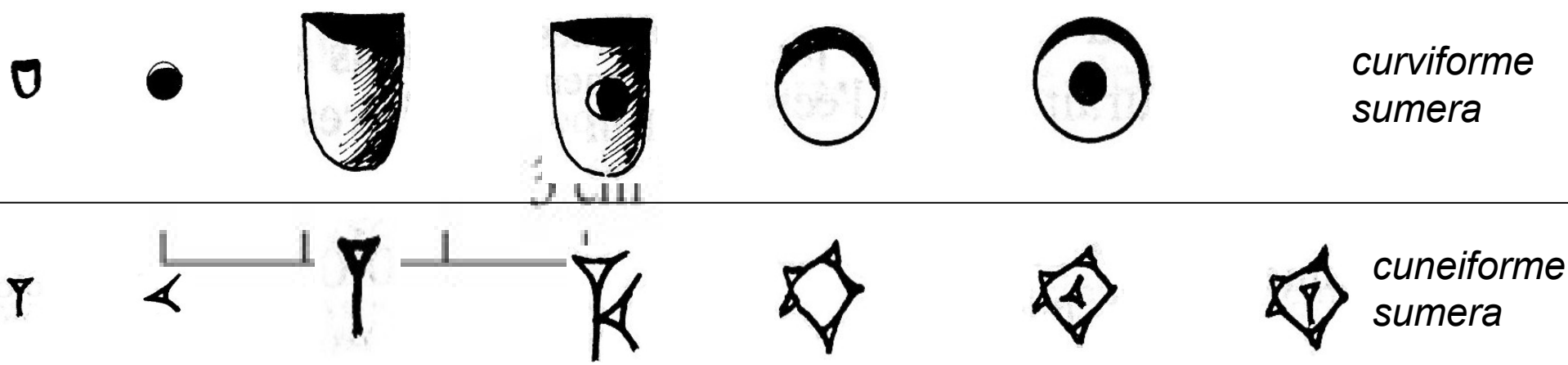


*cuneiforme
sumera*



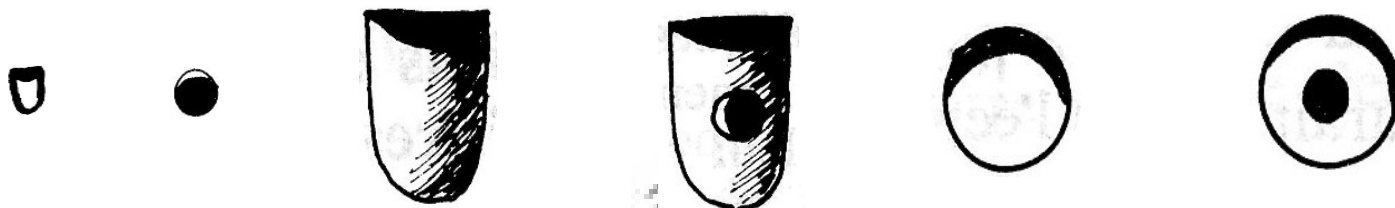
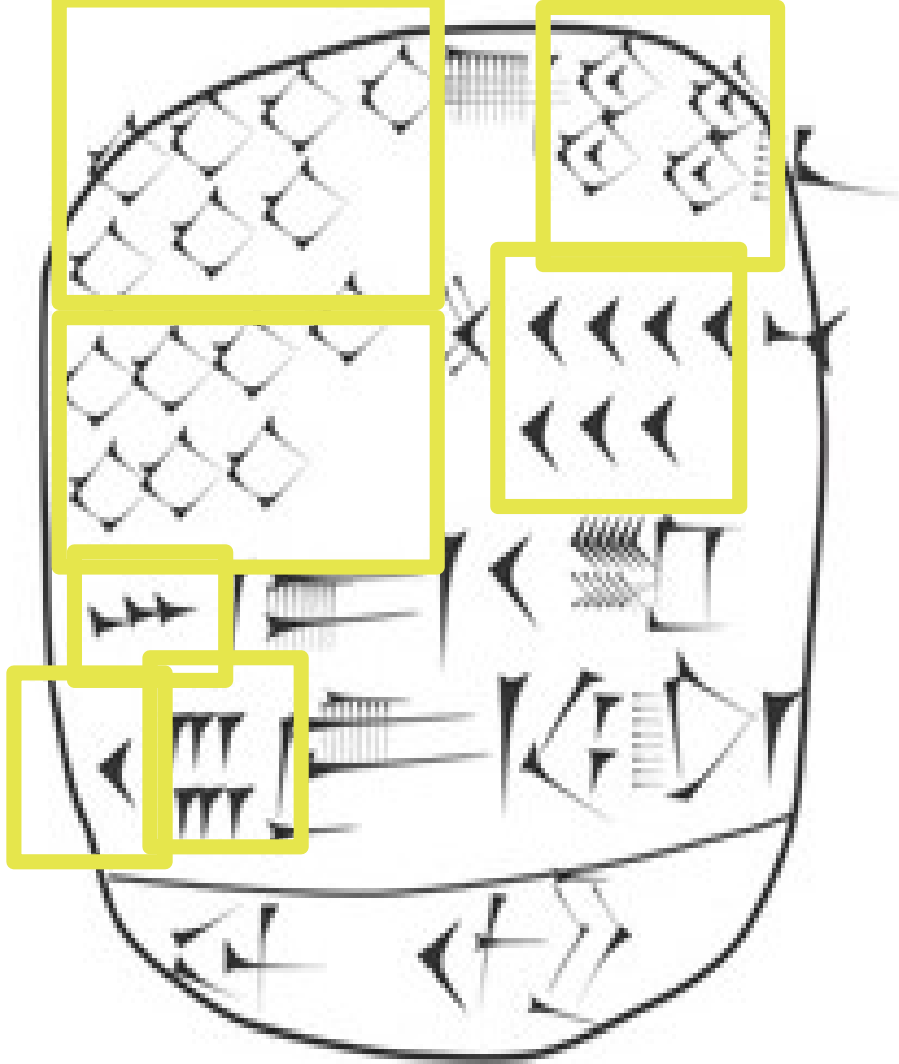
verso

1. 7(szarkid){kid} 4(szar'ugal){gal}
 7(szar2) 1(bur'u) 7(bur3) 1(esze3)
 3(iku) 1/2(iku) GAN2 1(u) sar
 1(u) 6(disz) gin2 2/3(disz){sza}
2. ba-pa3



verso

1. 7(szarkid){kid} 4(szar'ugal){gal}
7(szar2) 1(bur'u) 7(bur3) 1(esze3)
3(iku) 1/2(iku) GAN2 1(u) sar
1(u) 6(disz) gin2 2/3(disz){sza}
2. ba-pa3

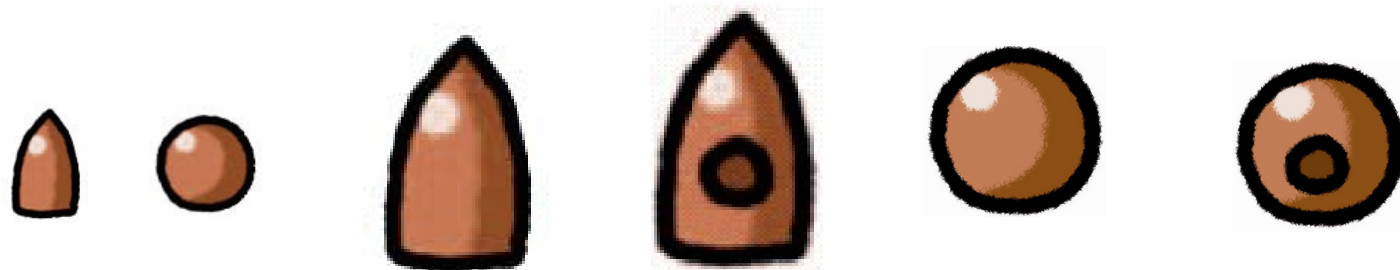


*curviforme
sumera*

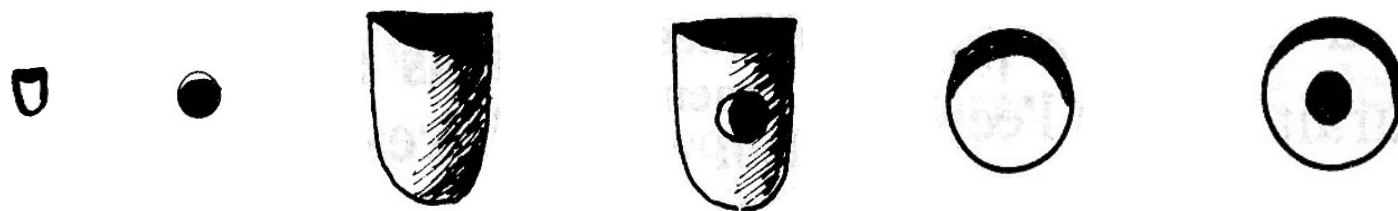


*cuneiforme
sumera*

LA SCRITTURA DEI NUMERI



calcoli sumeri



*Cuneiforme sumera
2600 aC circa*



*Sistema babilonese
20mo secolo aC circa*



Potenze del 70 moltiplicate per 2
2050 aC circa



MS 2351

Extremely large 15-place sexagesimal number. Babylonia, 19th c. BC

13 22 50 54 59 09 29 58 26 43 17 31 51 06 40

è il valore di 20 alla 20, cioè 104,857,600,000,000,000,000,000

Multipli di 10





Tabellina del 13

